

Решение задачи

1) При $x = x_1$ $f(x_1) = q(x_1) = a_0$, т. е. $a_0 = f(x_1) = 5$;

2) При $x = x_2$ $f(x_2) = q(x_2) = f(x_1) + a_1(x_2 - x_1)$.

$$\text{Тогда } a_1 = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{-3 - 5}{0 - (-2)} = -4;$$

3) При $x = x_3$ $f(x_3) = q(x_3) = f(x_1) + \frac{(f(x_2) - f(x_1))(x_3 - x_1)}{x_2 - x_1} + a_2(x_3 - x_1)(x_3 - x_2)$.

Тогда

$$a_2 = \frac{1}{x_3 - x_2} \left(\frac{f(x_3) - f(x_1)}{x_3 - x_1} - \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} \right) = \frac{1}{2 - 0} \left(\frac{-3 - 5}{2 - (-2)} - \frac{-3 - 5}{0 - (-2)} \right) = 1$$

Для стационарной точки функции $q(x)$ $\frac{dq(x)}{dx} = a_1 + 2a_2x - a_2x_1 - a_2x_2 = 0$.

$$\text{Откуда } \bar{x} = \frac{x_2 + x_1}{2} - \frac{a_1}{2a_2} = \frac{0 + (-2)}{2} - \frac{-4}{2 \cdot 1} = 1.$$